



## Game

Jian-Jia é um jovem que gosta de jogos. Quando lhe fazem uma pergunta, ele prefere brincar ao invés de responder diretamente. Jian-Jia encontrou sua amiga Mei-Yu e falou-lhe sobre a rede aérea em Taiwan. Há  $n$  cidades em Taiwan (numeradas  $0, \dots, n - 1$ ), algumas das quais são conectadas por voos. Cada voo conecta duas cidades e pode ser usado em ambas as direções.

Mei-Yu perguntou a Jian-Jia se é possível viajar de avião entre quaisquer duas cidades (direta ou indiretamente). Jian-Jia não quis dar a resposta, ao invés disso sugeriu um jogo. Mei-Yu pode fazer perguntas da forma "As cidades  $x$  e  $y$  são conectadas *diretamente* por algum voo?", e Jian-Jia responderá essas perguntas de imediato. Mei-Yu fará a pergunta para cada par de cidades exatamente uma vez, num total de  $r = n(n - 1)/2$  perguntas. Mei-Yu ganha o jogo se, depois de obter respostas para as primeiras  $i$  perguntas para algum  $i < r$ , ela pode inferir se a rede é ou não conexa, ou seja, se é possível viajar de avião entre qualquer par de cidades (direta ou indiretamente). Caso contrário, isto é, se ela precisar de todas as  $r$  perguntas, então o vencedor será Jian-Jia.

Para deixar o jogo mais divertido para Jian-Jia, os amigos concordaram que ele não precisa levar em conta a rede aérea real de Taiwan, e pode inventar a sua rede à medida que o jogo progride, escolhendo suas respostas com base nas perguntas já feitas por Mei-Yu. Sua tarefa é ajudar Jian-Jia a ganhar o jogo, decidindo como ele deve responder às perguntas.

## Exemplos

Vamos explicar as regras do jogo através de três exemplos. Cada exemplo tem  $n = 4$  cidades e  $r = 6$  rodadas de perguntas e respostas.

No primeiro exemplo (tabela abaixo), Jian-Jia *perde* porque depois da rodada 4, Mei-Yu tem certeza que se pode viajar de avião entre quaisquer duas cidades, quaisquer que sejam as respostas de Jian-Jia para as perguntas 5 e 6.

| rodada | pergunta | resposta |
|--------|----------|----------|
| 1      | 0, 1     | sim      |
| 2      | 3, 0     | sim      |
| 3      | 1, 2     | não      |
| 4      | 0, 2     | sim      |
| -----  | -----    | -----    |
| 5      | 3, 1     | não      |
| 6      | 2, 3     | não      |

No próximo exemplo Mei-Yu pode provar, depois da rodada 3, que não importa quais as respostas de Jian-Jia para as perguntas 4, 5 e 6, *não se pode* viajar de avião entre as cidades 0 e 1, de forma que Jian-Jia perde também.

| rodada | pergunta | resposta |
|--------|----------|----------|
| 1      | 0, 3     | não      |
| 2      | 2, 0     | não      |
| 3      | 0, 1     | não      |
| ----   | -----    | -----    |
| 4      | 1, 2     | sim      |
| 5      | 1, 3     | sim      |
| 6      | 2, 3     | sim      |

No último exemplo Mei-Yu não pode determinar se é possível viajar de avião entre quaisquer duas cidade antes que todas as seis perguntas sejam respondidas, de forma que Jian-Jia *ganha* o jogo. Especificamente, dado que Jian-Jia respondeu *sim* na última pergunta (veja a tabela abaixo), então é possível viajar entre qualquer par de cidades. Contudo, se Jian-Jia tivesse respondido *não* para a última questão, então seria impossível.

| rodada | pergunta | resposta |
|--------|----------|----------|
| 1      | 0, 3     | não      |
| 2      | 1, 0     | sim      |
| 3      | 0, 2     | não      |
| 4      | 3, 1     | sim      |
| 5      | 1, 2     | não      |
| 6      | 2, 3     | sim      |

## Tarefa

Favor escrever um programa que ajude Jian-Jia a ganhar o jogo. Note que nem Mei-Yu nem Jian-Jia conhecem a estratégia do outro. Mei-Yu pode fazer perguntas sobre pares de cidades em qualquer ordem, e Jian-Jia precisa respondê-las imediatamente, sem saber nada sobre as perguntas seguintes. Você precisa implementar as seguintes duas funções.

- `initialize(n)` -- Vamos chamar `initialize` primeiro. O parâmetro  $n$  é o número de cidades.
- `hasEdge(u, v)` -- Depois vamos chamar `hasEdge`  $r = n(n - 1)/2$  vezes. Essas chamadas representam as perguntas de Mei-Yu, na ordem em que ela as faz. Você precisa responder se existe um voo direto entre as cidades  $u$  e  $v$ . Mais precisamente, o valor retornado deve ser 1 se existe um voo direto, e 0 caso contrário.

## Subtarefas

Cada subtarefa consiste de vários jogos. Você somente ganhará pontos para um subtarefa se seu programa ganha todos os jogos para Jian-Jia.

| subtarefa | pontos | $n$                  |
|-----------|--------|----------------------|
| 1         | 15     | $n = 4$              |
| 2         | 27     | $4 \leq n \leq 80$   |
| 3         | 58     | $4 \leq n \leq 1500$ |

## Detalhes de implementação

Você tem que submeter exatamente um arquivo, chamado `game.c`, `game.cpp` ou `game.pas`. Esse arquivo implementa os subprogramas descritos acima, usando as seguintes assinaturas.

### Programas em C/C++

```
void initialize(int n);  
int hasEdge(int u, int v);
```

### Programas em Pascal

```
procedure initialize(n: longint);  
function hasEdge(u, v: longint): longint;
```

### Avaliador exemplo

O avaliador exemplo lê a entrada no seguinte formato:

- linha 1:  $n$
- as  $r$  linhas seguintes: cada linha contém dois inteiros  $u$  and  $v$  que descrevem a pergunta relativa às cidades  $u$  e  $v$ .